

**CLASSE :** TleA **VOLUME HORAIRE SEMAINE :** 3H **COUR :** MERCREDI 9H10-10H00

**VENDREDI\_ 9H10-11H10**

## CHAPITRE 9 : PROBABILITE

### Objet pédagogiques :

- ✓ Dénombrements
- ✓ Quelques définitions
- ✓ Evènements
- ✓ Probabilités

### I-Dénombrements

- Tirage successifs
  - ❖ Avec remise :

On tire un jeton d'une urne, on note son numéro puis on le remet dans l'urne. On effectue  $p$  tirages ( $p \geq 1$ ) dits successifs avec remise. Le nombre de listes ordonnées de  $p$  éléments de l'urne est

$$n^p$$

- ❖ Sans remise

On tire un jeton de l'urne contenant  $n$  jetons, on note le numéro mais on ne le remet pas dans l'urne. On effectue  $p$  tirages. Le nombre d'arrangements de  $p$  éléments de l'urne est

$$n \times (n - 1) \times (n - 2) \times \dots \times (n - p + 1)$$

- ❖ Cas particulier : les permutations.

Lorsque  $p = n$ , tous les jetons de l'urne ont été tirés. Le nombre d'arrangements de l'urne est

$$n \times (n - 1) \times (n - 2) \times \dots \times 1 = n!$$

- Tirage simultanés

On tire simultanément  $p$  jetons de l'urne. On obtient un ensemble de  $p$  éléments pris parmi  $n$  que l'on appelle combinaison. Le nombre de combinaison de  $p$  éléments parmi  $n$  est noté

$$\binom{n}{p}$$

, on le lit  $p$  parmi  $n$  et est égale à :

$$\binom{n}{p} = \frac{n \times (n - 1) \times (n - 2) \times \dots \times (n - p + 1)}{p!} = \frac{n!}{p!(n - p)!}$$

## II – Quelques définitions

La théorie des probabilités est :

- Décrit le comportement de phénomènes dont le résultat est soumis au hasard
- permet de modéliser la fréquence de réalisation d'« événements aléatoires.
- ✓ **Expérience aléatoire** notée  $\mathcal{E}$  est une expérience dont le résultat ne peut pas être déterminé avec certitude a priori.  
**Ex1** :  $\mathcal{E}$  : « lancer d'un dé régulier »
- ✓ **Univers de  $\mathcal{E}$**  = ensemble des résultats possibles de  $\mathcal{E}$ . On le note  $\Omega$ .  
**Ex2** :  $\mathcal{E}$  : « lancer d'un dé régulier ».  $\Omega = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ .  
 $\mathcal{E}$  : « jet de deux pièces de monnaie distinguable ».  
 $\Omega = \{(P, P); (P, F); (F, P); (F, F)\}$ .
- ✓ **Résultats élémentaire de  $\mathcal{E}$**  = résultats possible de  $\mathcal{E}$ . C'est un élément de  $\Omega$ . On le  $\omega$ .  
**Ex2** :  $\mathcal{E}$  : « lancer d'un dé régulier ».  $\Omega = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ ,  $\omega = 2$  est un résultat possible.  
 $\mathcal{E}$  : « jet de deux pièces de monnaie distinguable ».  
 $\Omega = \{(P, P); (P, F); (F, P); (F, F)\}$ ,  $\omega = (P, P)$  est un résultat possible.

## III– Evénements

- ✓ **Ensemble  $\mathcal{P}(\Omega)$  des parties de  $\Omega$**  : ensemble constitué de tous les sous-ensembles (partie) de  $\Omega$  contenant  $\Omega$   
**NB** :  $\text{Card}(\mathcal{P}(\Omega)) = 2^{\text{Card}(\Omega)}$   
**Ex0** : si  $\Omega = \{a, b, c\}$ ,  $\text{Card}(\Omega) = 3$   $\mathcal{P}(\Omega)$  a 8 éléments.  
L'ensemble vide :  $\emptyset$   
Les parties à un élé :  $\{a\}; \{b\}; \{c\}$   
Les parties à deux élts :  $\{a, b\}; \{b, c\}; \{a, c\}$   
Les parties à trois élts :  $\{a, b, c\} = \Omega$
- ✓ **Événement (aléatoire)** = une partie (sous-ensemble) de  $\Omega$   
= assertion, qui ou non se réaliser suivant l'issue de  $\mathcal{E}$ .  
**Ex0** : les parties à un élé :  $\{a\}; \{b\}; \{c\}$ .
- ✓ **Réalisation d'un événement** : Soit  $A$  un événement de  $\Omega$ . Soit  $\omega$  le résultat de l'expérience.  **$A$  se réalise  $\leftrightarrow \omega \in A$**   
**Ex2** :  $A =$  « le lancer est impair » =  $\{1, 3, 5\}$   
 $A =$  « on obtient deux faces » =  $\{(P, P)\}$   
Si le résultat de  $\mathcal{E}$  est  $\omega = (F, P)$  alors  $A$  ne se réalise pas.  
**NB** :  $A = \Omega$  se réalise toujours. On l'appelle événement certain.  
 $A = \emptyset$  ne se réalise jamais. On l'appelle événement impossible.